

# Symmetrical Fault

## 3-Phase สมดุล

By

Mr.Nutthapong Sonard

Department of Electrical Engineering

Ratchathani University

1

## Introduction

- เมื่อเกิดความผิดปกติ ( Fault ) ขึ้นในระบบ
- กระแสผิดปกติจะมีค่าสูงกว่ากระแสปกติหลายเท่า
- ระบบป้องกันจะต้องตัดส่วนที่เกิด Fault ออก
- การคำนวณกระแสผิดปกติจึงมีความจำเป็นอย่างยิ่ง
- ปริมาณกระแสผิดปกติที่คำนวณได้ใช้เลือกพิกัดอุปกรณ์ป้องกันตั้งค่า Relays ได้อย่างเหมาะสม

## การคำนวณหากระแสผิดปกติ ทำได้ 2 วิธี

### 1. ด้วยเครื่องคำนวณ (คำนวณด้วยมือ)

- ใช้กับระบบที่ไม่ยุ่งยากซับซ้อน
- ระบบ Radial
- ระบบ Medium Voltage แบบง่าย ๆ

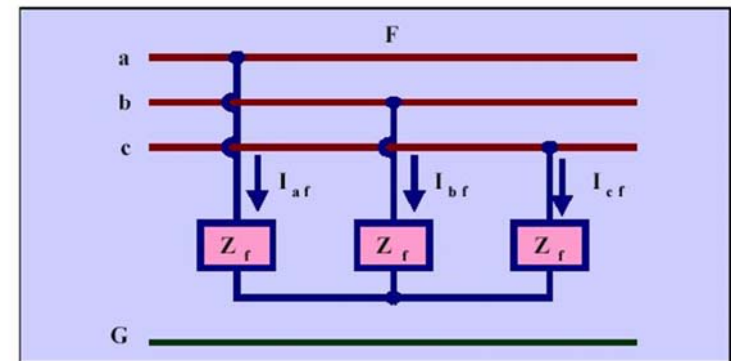
### 2. ใช้ Computer Programming

- ใช้กับระบบขนาดใหญ่ที่ยุ่งยากซับซ้อน
- ระบบ Network
- ระบบ High Voltage (สายส่ง)

3

## ประเภทของ Faults

### Three Phase Fault

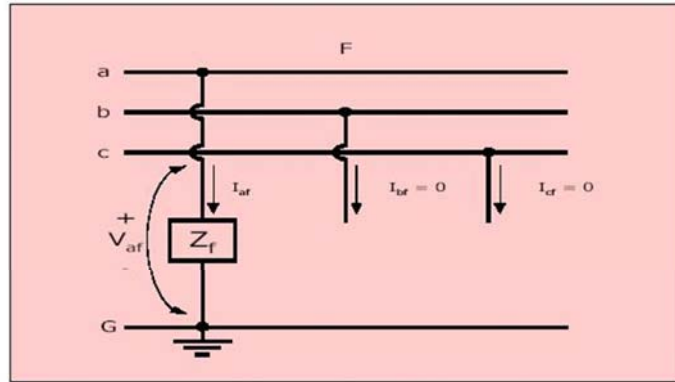


รูปที่ 1 แสดง Connection Diagram ของ Three Phase Fault

4

## ประเภทของ Faults (ต่อ)

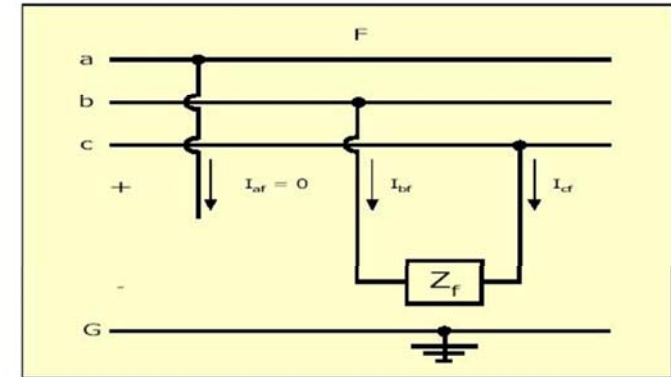
### Single Line-to-Ground Fault



รูปที่ 2 แสดง Connection Diagram ของ Single Line-to-Ground Fault

## ประเภทของ Faults (ต่อ)

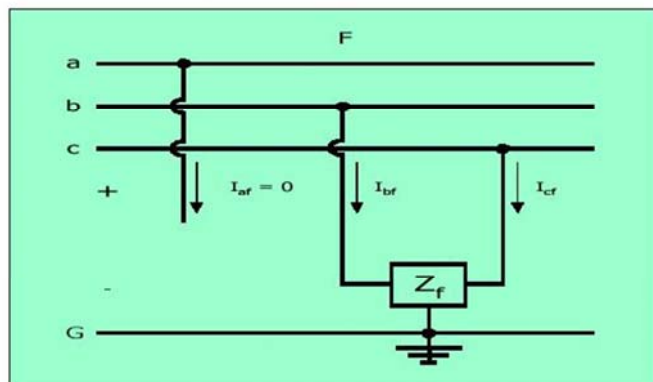
### Line-to-Line Fault



รูปที่ 3 แสดง Connection Diagram ของ Line-to-Line Fault

## ประเภทของ Faults (ต่อ)

### Double Line-to-Ground Fault

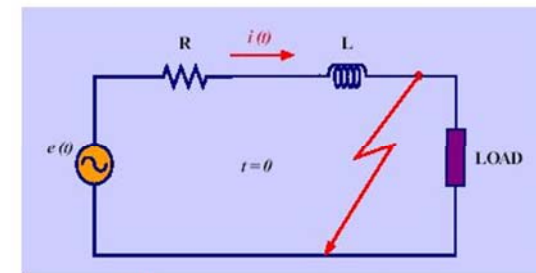


รูปที่ 4 แสดง Connection Diagram ของ Double Line-to-Ground Fault

## Symmetrical Fault

### Three Phase Fault

- เกิดความรุนแรงมากที่สุด
- ทำความเสียหายแก่ระบบไฟฟ้ามากที่สุด
- พิจารณาวงจร RL ดังรูป



รูปที่ 5 วงจร RL Short Circuit

## Symmetrical Fault (ต่อ)

$$e(t) = \sqrt{2}V_{rms} \sin(\omega t + \alpha)$$

$$L \frac{di(t)}{dt} + Ri(t) = \sqrt{2}V_{rms} \sin(\omega t + \alpha)$$

หาคำตอบ โดยใช้ Laplace's Transformation จะได้

$$I(t) = \frac{\sqrt{2}V_{rms}}{|Z|} \left[ \underbrace{\sin(\omega t + \alpha - \theta)}_{\text{เทอมที่ 1}} - \underbrace{\sin(\alpha - \theta)}_{\text{เทอมที่ 2}} e^{-\frac{t}{T}} \right]$$

## Symmetrical Fault (ต่อ)

$$I(t) = \frac{\sqrt{2}V_{rms}}{|Z|} \left[ \underbrace{\sin(\omega t + \alpha - \theta)}_{\text{เทอมที่ 1}} - \underbrace{\sin(\alpha - \theta)}_{\text{เทอมที่ 2}} e^{-\frac{t}{T}} \right]$$

โดยที่ :

$$|Z| = \sqrt{R^2 + (\omega L)^2} = \sqrt{R^2 + X^2}$$

$$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{\omega L}{R} \right) = \tan^{-1} \frac{X}{R}$$

$$T = \frac{L}{R} = \frac{X}{\omega R} = \frac{X}{2\pi f R}$$

$\alpha$  = มุมของ Switching Voltage เมื่อเกิดการลัดวงจร

## Symmetrical Fault (ต่อ)

### เทอมที่ 1

- AC Component
- Symmetrical Fault Current

$$i_{ac}(t) = \frac{\sqrt{2}V_{rms}}{|Z|} \sin(\omega t + \alpha - \theta)$$

### เทอมที่ 2

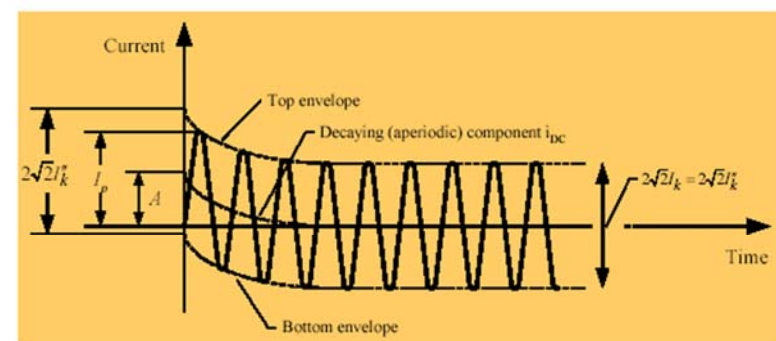
- DC Component
- Unsymmetrical Fault Current
- หนองลงแบบ Exponential
- Time Constant ( T )
- DC Offset Current

$$i_{dc}(t) = \frac{\sqrt{2}V_{rms}}{|Z|} \sin(\alpha - \theta) e^{-\frac{t}{T}}$$

## Symmetrical Fault (ต่อ)

$$i_{ac}(t) = \frac{\sqrt{2}V_{rms}}{|Z|} \sin(\omega t + \alpha - \theta)$$

$$i_{dc}(t) = \frac{\sqrt{2}V_{rms}}{|Z|} \sin(\alpha - \theta) e^{-\frac{t}{T}}$$



กระแสรวมของทั้ง 2 เทอมนี้นี้ **Asymmetrical Fault Current**

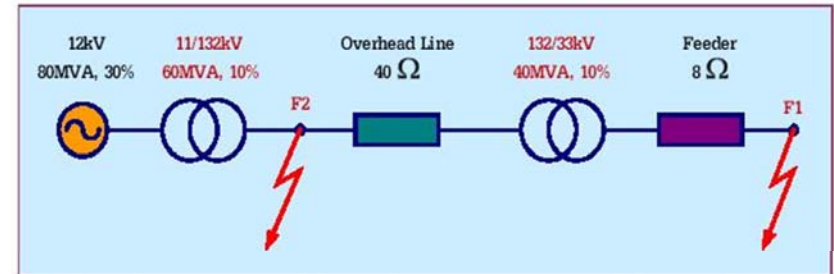
## การหา Symmetrical Fault Component

- ♦ คำนวนแบบเฟสเซอร์
- ♦ RMS AC Fault Current

$$\Rightarrow I = \frac{E}{|Z|}$$

โดยที่ I คือ Symmetrical Fault Current ( RMS )  
 E คือ แรงดันของระบบเมื่อเกิดการลัดวงจร  
 Z คือ ขนาดของ Impedance รวม ของระบบ  
 เมื่อเกิดลัดวงจร

**ตัวอย่าง** จากระบบไฟฟ้าดังรูป จงหากระแส Fault ในแต่ละ Section เมื่อเกิด Three Phase ที่จุด F1 และ F2 ตามลำดับ



วิธีทำ

กำหนด Base Voltage = 11 kV/132 kV/33 kV  
 Base MVA = 100

- พิจารณาที่เครื่องกำเนิดไฟฟ้า ( Generator )

$$Z_b(G) = \frac{kV_b^2}{MVA_b} = \frac{11^2}{100} = 1.21 \Omega$$

$$Z(G) = 0.3 \times \frac{12^2}{80} = 0.54 \Omega$$

$$\therefore Z_{pu}(G) = \frac{0.54}{1.21} = 0.446 \text{ pu.}$$

- ที่หม้อแปลงเพิ่มแรงดัน ( T1 )

$$\therefore Z_{pu}(T1) = 0.1 \times \frac{100}{60} = 0.167 \text{ pu.}$$

- ที่หม้อแปลงเพิ่มแรงดัน ( T2 )

$$\therefore Z_{pu}(T2) = 0.1 \times \frac{100}{40} = 0.25 \text{ pu.}$$

- ที่สาย Overhead Line ( OL )

$$\Rightarrow Z_b(OL) = \frac{kV_b^2}{MVA_b} = \frac{132^2}{100} = 174.24 \Omega$$

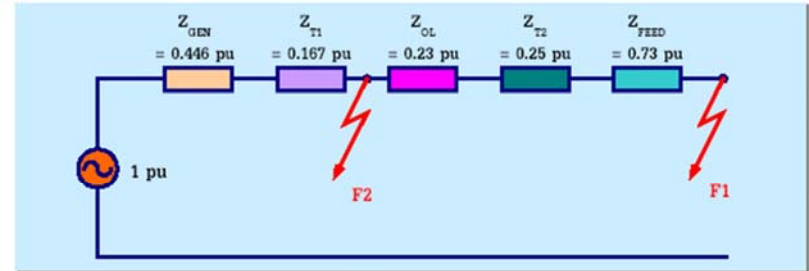
$$\therefore Z_{pu}(OL) = \frac{40}{174.24} = 0.23 \text{ pu.}$$

- ที่ Feeder ( Fd )

$$\Rightarrow Z_b(F_d) = \frac{kV_b^2}{MVA_b} = \frac{33^2}{100} = 10.89 \Omega$$

$$\therefore Z_{pu}(F_d) = \frac{8}{10.89} = 0.73 \text{ pu.}$$

17



### คำนวณหากระแสผิดพลาดที่ F1

$$\therefore I_{F1} = \frac{1}{0.446 + 0.167 + 0.23 + 0.25 + 0.73} = 0.55 \text{ pu.}$$

$$\therefore I_b = \frac{MVA_b \times 10^3}{\sqrt{3} \times kV_b} \text{ (A)}$$

18

- กระแสผิดพลาดที่ไหลจาก ช่วง Gen ถึง T1

$$\therefore I_{F_{Gen-T1}} = 0.55 \times \frac{100 \times 10^3}{\sqrt{3} \times 11} = 2,886.83 \text{ A}$$

- กระแสผิดพลาดที่ไหลจาก ช่วง T1 ถึง T2

$$\therefore I_{F_{T1-T2}} = 0.55 \times \frac{100 \times 10^3}{\sqrt{3} \times 132} = 240.57 \text{ A}$$

- กระแสผิดพลาดที่ไหลจาก ช่วง T2 ถึง F1

$$\therefore I_{F_{T2-F1}} = 0.55 \times \frac{100 \times 10^3}{\sqrt{3} \times 33} = 962.28 \text{ A}$$

19

### คำนวณหากระแสผิดพลาด ที่จุด F2

$$\therefore I_{F2} = \frac{1}{0.446 + 0.167} = 1.631 \text{ pu.}$$

- กระแสผิดพลาดที่ไหลจาก ช่วง Gen ถึง T1

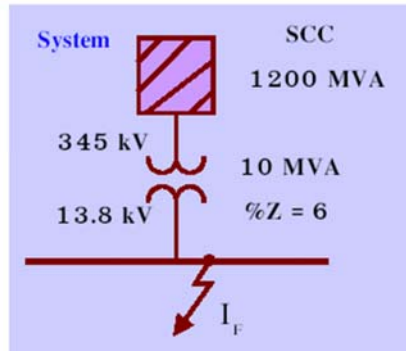
$$\therefore I_{F_{Gen-T1}} = 1.631 \times \frac{100 \times 10^3}{\sqrt{3} \times 11} = 8,560.62 \text{ A}$$

- กระแสผิดพลาดที่ไหลจาก ช่วง T1 ถึง F2

$$\therefore I_{F_{T1-F2}} = 1.631 \times \frac{100 \times 10^3}{\sqrt{3} \times 132} = 713.39 \text{ A}$$

20

**ตัวอย่าง** จงหากระแส Three Phase Fault จากระบบไฟฟ้า ซึ่งมีค่า Short Circuit Capacity เท่ากับ 1200 MVA ซึ่งจ่ายพลังงานไฟฟ้าไปยัง Bus ที่เกิด Fault โดยผ่านหม้อแปลงไฟฟ้าขนาด 10 MVA 345/13.8 kV % Impedance = 6 ซึ่งมี Diagram ดังรูป เลือก 100 MVA เป็น Base



## วิธีทำ

$$Z_{pu. (S)} = \frac{100}{1200} = 0.0833 \text{ pu.}$$

$$Z_{pu. (T)} = Z_{old} \left( \frac{MVA_b}{MVA} \right)$$

$$\therefore Z_{pu. (T)} = 0.06 \left( \frac{100}{10} \right) = 0.6 \text{ pu.}$$

$$\therefore Z_{pu. (Total)} = 0.0833 + 0.6 = 0.6833 \text{ pu.}$$

22

$$\Rightarrow I = \frac{E}{|Z|} = \frac{1.0}{0.6833} = 1.46 \text{ pu.}$$

$$\therefore I_b = \frac{100 \times 10^3}{\sqrt{3} \times 13.8} = 4184 \text{ A}$$

$$\therefore I_F (\phi) = 1.46 \times 4184 = 6.11 \text{ kA}$$

23

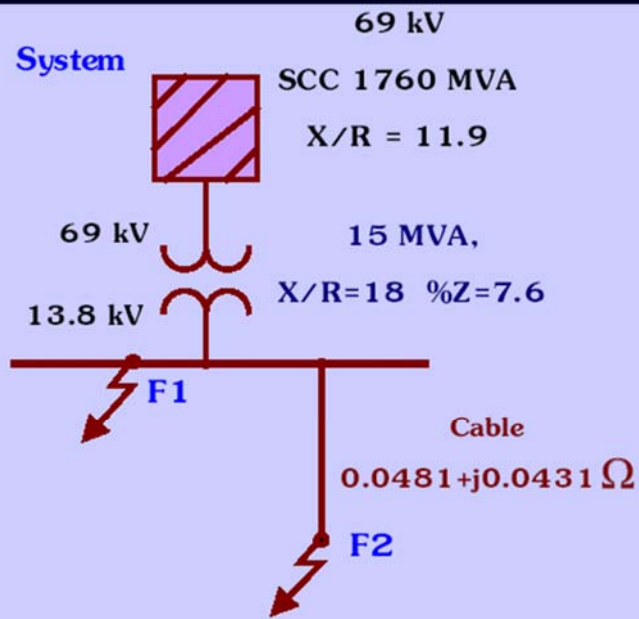
## ตัวอย่าง

จงหากระแส Fault เมื่อเกิด Three phase Fault ที่จุด F1 และ F2 จากระบบไฟฟ้า ซึ่งมีค่า Short Circuit Capacity เท่ากับ 1760 MVA , 69 kV และ X/R = 11.9 ซึ่งจ่ายพลังงานไฟฟ้าไปยัง Bus โดยผ่านหม้อแปลงไฟฟ้าขนาด 15 MVA, 69/13.8 kV % Z = 7.6 และ X/R = 18

โดยจุด F1 คือ ตำแหน่ง Bus ดังกล่าว ส่วนจุด F2 คือ จุดบนสายส่ง ที่ห่างจาก Bus โดยมีค่า Impedance เท่ากับ  $0.0481 + j0.0431 \Omega$

กำหนดให้  $MVA_b = 100 \text{ MVA}$  และ  $kV_b = 13.8 \text{ kV}$  ซึ่งมี Diagram ดังรูป

24



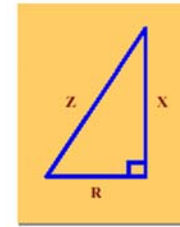
25

วิธีทำ

$$Z = \sqrt{R^2 + X^2}$$

$$Z = R \sqrt{1 + \left(\frac{X}{R}\right)^2}$$

$$R = \frac{Z}{\sqrt{1 + \left(\frac{X}{R}\right)^2}}$$



System

$$Z_{pu.} = \frac{100}{1760} = 0.0568 \text{ pu.}$$

$$R_{pu.} = \frac{0.0568}{\sqrt{1 + 11.9^2}} = 0.0048 \text{ pu.}$$

$$X_{pu.} = 0.0048 \times 11.9 = 0.0566 \text{ pu.}$$

26

Transformer

$$Z_{pu.} = 0.076 \times \frac{100}{15} = 0.5067 \text{ pu.}$$

$$R_{pu.} = \frac{0.5067}{\sqrt{1 + 18^2}} = 0.0281 \text{ pu.}$$

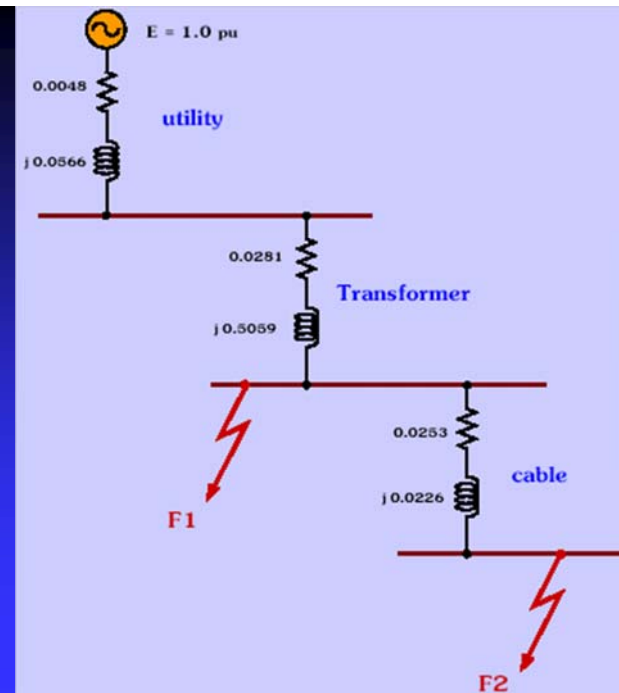
$$X_{pu.} = 0.0281 \times 18 = 0.5059 \text{ pu.}$$

Cable

$$Z_b = \frac{kV_b^2}{MVA_b} = \frac{13.8^2}{100} = 1.9044 \Omega$$

$$R_{pu.} = \frac{0.0481}{1.9044} = 0.0253 \text{ pu.}$$

$$X_{pu.} = \frac{0.0431}{1.9044} = 0.0226 \text{ pu.}$$



28

กรณี Fault ที่ F1 :

$$\therefore I = \frac{E}{Z} = \frac{1.0}{(0.0048+0.0281)+j(0.0566+0.5059)}$$

$$\therefore I = \frac{1.0}{0.033+j0.5625} = \frac{1.0}{0.5635 \angle 86.64^\circ}$$

$$= 1.7746 \text{ pu.}$$

$$\Rightarrow I_b = \frac{100 \times 10^3}{\sqrt{3} \times 13.8} = 4184 \text{ A}$$

กรณี Fault ที่ F2 :

$$\therefore I_{F1} = 1.7746 \times 4184 = 7.425 \text{ kA}$$

$$\therefore R_{TH} = 0.0048 + 0.0284 + 0.0253 = 0.0585 \text{ pu.}$$

$$\therefore X_{TH} = j(0.0566 + 0.5059 + 0.0226) = j0.5872 \text{ pu.}$$

$$\Rightarrow I = \frac{E}{Z} = \frac{1.0}{0.0585 + j0.5872} = 1.695 \text{ pu.}$$

$$\therefore I = \frac{1.0}{0.59 \angle 84.31^\circ} = 1.695 \angle -84.31 \text{ pu.}$$

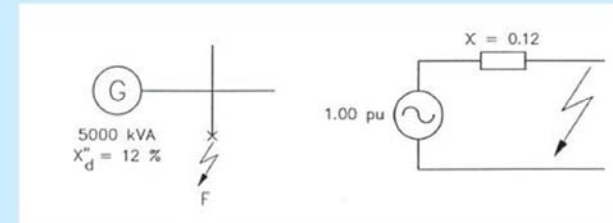
$$\therefore I_{F2} = 1.695 \times 4184 = 7.10 \text{ kA}$$

ตัวอย่างคำนวณกระแสลัดวงจร 3-Phase สมดุล

ตัวอย่างที่ 1

Generator 3-phase ขนาด 5000 kVA , 6.6 kV,  $X_d'' = 12\%$   
เกิด 3-phase Fault ชั้นที่ขั้ว จงหา

1. Fault Current
2. Fault MVA



รูปที่ 1 ระบบไฟฟ้าและวงจรสมมูล

ระบบมี Generator เพียงตัวเดียว ดังนั้นค่า Base เราจะกำหนดด้วยพารามิเตอร์ของ Generator ดังนี้

- Base MVA = 5 MVA
- Base Voltage = 6.6 kV

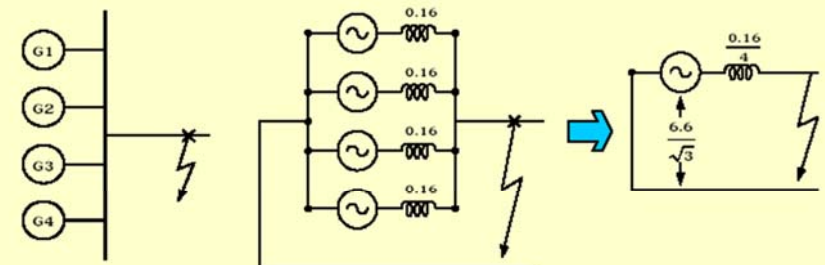
$$\text{Fault MVA} = \frac{\text{Base MVA}}{\%X}$$

$$= \frac{5}{0.12} = 41.67 \text{ MVA}$$

$$\text{Fault Current } I_F = \frac{41.67 \times 10^6}{\sqrt{3} \times 6.6 \times 10^3} = 3645 \text{ A}$$

ตัวอย่างที่ 2

ระบบไฟฟ้าประกอบด้วย Generator 4 ตัว ขนาด 25 MVA , 6.6 kV ,  $X_d'' = 16\%$  ต่อขนานกัน ดังรูป



รูปที่ 2 ระบบไฟฟ้าตัวอย่างที่ 2 และวงจรสมมูล



### ให้คำนวณหา

1. Fault MVA
2. Fault Current

### วิธีทำ

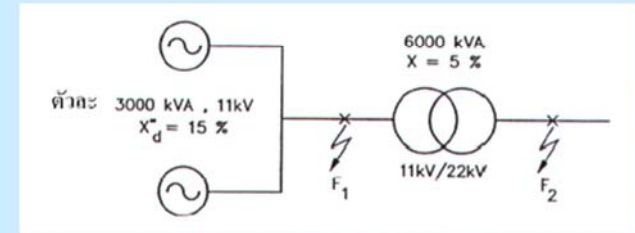
Generator มีขนาดเท่ากันหมด ดังนั้นเราอาจใช้ Base ของ Generator ได้ ดังนี้

- Base MVA = 25 MVA
- Base Voltage = 6.6 kV

$$\begin{aligned} \text{Fault MVA} &= \frac{\text{Base MVA}}{\%X} \\ &= \frac{25}{0.04} = 625 \text{ MVA} \\ \text{Fault Current} &= \frac{625}{\sqrt{3} \times 6.6} = 54.7 \text{ kA} \end{aligned}$$

### ตัวอย่างที่ 3

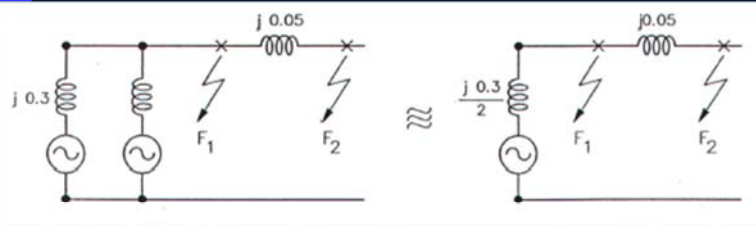
จากรูปที่ 3.1 จงคำนวณหา Fault MVA และ Fault Current เมื่อเกิด Fault ที่จุด  $F_1$  และ  $F_2$  ตามลำดับ



รูปที่ 3.1 ระบบไฟฟ้าตัวอย่างที่ 3

ให้ Base 6000 kVA 11kV/22kV

$$\begin{aligned} \text{p.u. ของ Generator} &= j 0.15 \times \frac{6000}{3000} \text{ p.u.} \\ &= j 0.3 \text{ p.u.} \end{aligned}$$



รูปที่ 3.2 วงจรสมมูลของระบบไฟฟ้าตัวอย่างที่ 3

กรณีเกิด Fault ที่  $F_1$

กรณีเกิด Fault ที่  $F_2$

$$\text{Fault MVA} = \frac{6}{0.15} = 40 \text{ MVA} \quad \text{Fault MVA} = \frac{6}{0.15+0.05} = 30 \text{ MVA}$$

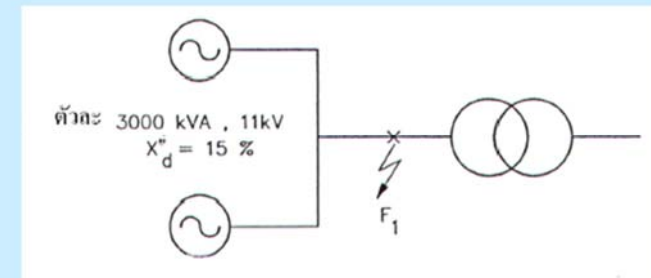
$$I_{F1} = \frac{40 \times 10^6}{\sqrt{3} \times 11 \times 10^3}$$

$$I_{F2} = \frac{30 \times 10^6}{\sqrt{3} \times 22 \times 10^3}$$

$$\therefore I_{F1} = 2100 \text{ A}$$

$$\therefore I_{F2} = 786 \text{ A}$$

### ตัวอย่างที่ 4 พิจารณาระบบไฟฟ้า แสดงดังรูปที่ 4



รูปที่ 4 ระบบไฟฟ้าประกอบตัวอย่างที่ 4

เมื่อเกิด 3-phase Fault ที่  $F_1$  คำนวณ Fault MVA ได้ ดังนี้

$$\therefore F_1 = \frac{6}{0.15} = 40 \text{ MVA}$$

แสดงว่า ถ้าเกิด Fault จะมีกำลังไฟฟ้าไหลเข้าที่จุด Fault = 40 MVA

$$\text{หรือ } I_{F1} = \frac{40 \times 10^3}{\sqrt{3} \times 11} = 2100 \text{ A}$$

Fault ที่จุด  $F_1$  ของระบบไฟฟ้า เราเรียกว่า “Short Circuit Capacity ( $S_{SC}$ )” เมื่อมองจากจุดนี้เข้าหาระบบจะแสดงขนาดของระบบไฟฟ้าและสามารถหาขนาดค่า  $Z$  ของระบบได้

$$\therefore Z_B = \frac{kV^2}{MVA} = \frac{11^2}{6} = 20.17 \ \Omega$$

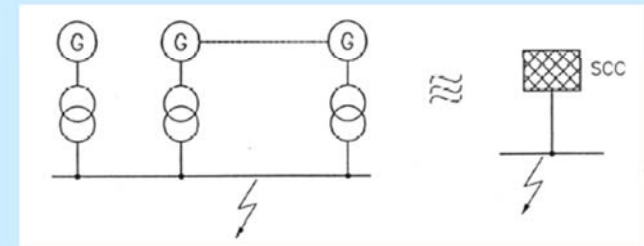
$$\therefore Z_S = \frac{MVA_B}{MVA} = \frac{6}{40} = 0.15 \text{ pu}$$

$$\text{หรือ } Z_S = 0.15 \times 20.17 = 3.02 \ \Omega$$

37

## Short Circuit Capacity : SCC

- ถ้าระบบใหญ่ แสดงว่า เมื่อเกิด S/C กำลังไฟฟ้า หรือ กระแสไหลเข้ามาก  $Z$  ของระบบมีค่าน้อย
- ระบบใหญ่มาก (Infinite Bus) เมื่อเกิด S/C กำลังไฟฟ้า หรือ กระแสไหลเข้าจะเป็นอนันต์ (  $\infty$  ) นั่นคือ  $Z$  ของระบบจะมีค่าประมาณศูนย์

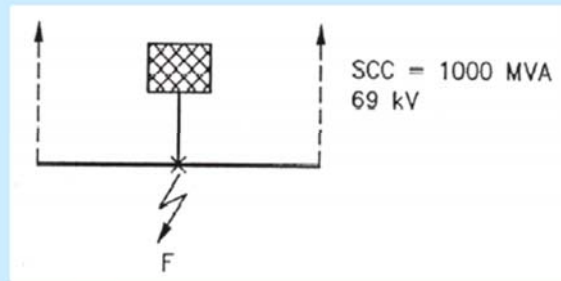


38

### ตัวอย่างที่ 5

ระบบไฟฟ้า ตามรูปที่ 5.1 มี Short Circuit Capacity (SCC) เป็น 1000 MVA, 69 kV ให้คำนวณหา

- กระแส Fault ( $I_F$ )
- Impedance ของระบบ

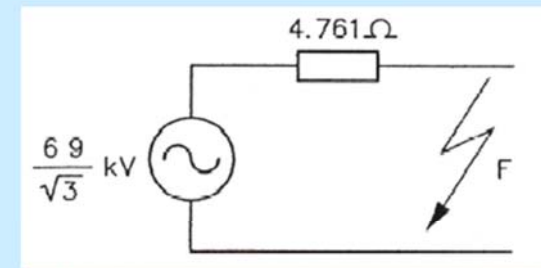


รูปที่ 5.1 ระบบไฟฟ้าประกอบตัวอย่างที่ 5

39

$$\Rightarrow I_F = \frac{S}{\sqrt{3}V} = \frac{1000}{\sqrt{3} \times 69} = 8.4 \text{ kA}$$

$$\Rightarrow Z = \frac{kV^2}{MVA} = \frac{69^2}{1000} = 4.761 \ \Omega$$

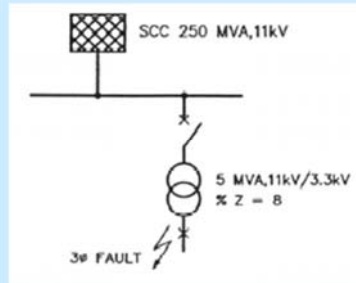


รูปที่ 5.2 วงจรสมมูลของระบบไฟฟ้ารูปที่ 5.1

$$\therefore I_F = \frac{69/\sqrt{3}}{4.761} = 8.4 \text{ kA}$$

40

**ตัวอย่างที่ 6** พิจารณาระบบไฟฟ้ารูปที่ 6



**รูปที่ 6** ระบบไฟฟ้าและวงจรสมมูลกรณีมีค่า SCC = 250 MVA, 11 kV

ให้คำนวณหา **Short Circuit MVA** โดยกำหนดให้

- 1) แหล่งจ่ายมี Short Circuit Capacity = 250 MVA, 11 kV
  - 2) Source เป็น Infinite Bus
- กำหนดให้ Base MVA = 5 MVA , Base Voltage = 11 kV

กรณี 1) Source มีค่า SCC = 250 MVA , 11 kV

$$\Rightarrow Z_B = \frac{kV^2}{MVA} = \frac{11^2}{5} \quad \text{และ} \quad Z_S = \frac{kV^2}{MVA} = \frac{11^2}{250}$$

$$\therefore Z_S(p.u.) = \frac{Z_S}{Z_B} = \frac{11^2}{250} \times \frac{5}{11^2} = 0.02 \text{ p.u.}$$

$$\text{และ} \quad Z_T(p.u.) = 0.08 \text{ p.u.}$$

$$\therefore \text{Fault MVA (p.u.)} = \frac{MVA_B}{\%X(p.u.)} = \frac{1.0}{0.1} = 10 \text{ p.u.}$$

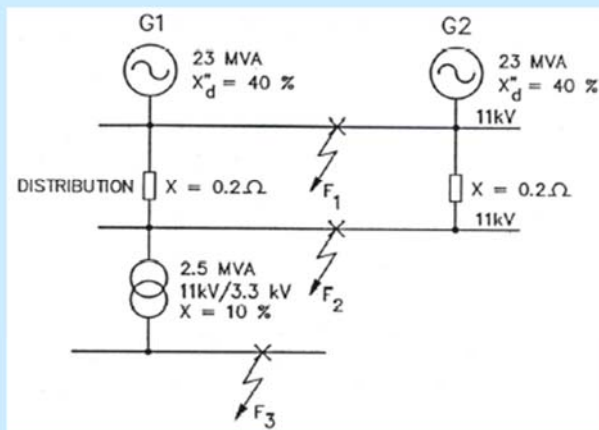
$$\text{หรือ} \quad \text{Fault MVA} = 10 \times 5 = 50 \text{ MVA}$$

กรณี 2) Source เป็น Infinite Bus  $Z_s(pu) = 0$

$$\therefore \text{Fault MVA} = \frac{1.0}{0.08} = 12.5 \text{ pu}$$

$$\text{หรือ} \quad \text{Fault MVA} = 12.5 \times 5 = 62.5 \text{ MVA}$$

**ตัวอย่างที่ 7** พิจารณาระบบไฟฟ้ารูปที่ 7.1 หาค่า Fault MVA และ Fault Current เมื่อเกิด Fault ชั้นที่  $F_1$  ,  $F_2$  ,  $F_3$  ตามลำดับ



**รูปที่ 7.1** ระบบไฟฟ้าตัวอย่างที่ 7

กำหนดให้ Base MVA = 100 MVA และ Base Voltage เป็น 11 kV / 3.3 kV

$$\therefore Z_B(11kV) = \frac{kV^2}{MVA} = \frac{11^2}{100} = 1.21 \Omega$$

1) **Generator G1 และ G2** : 23 MVA , X = 40 %

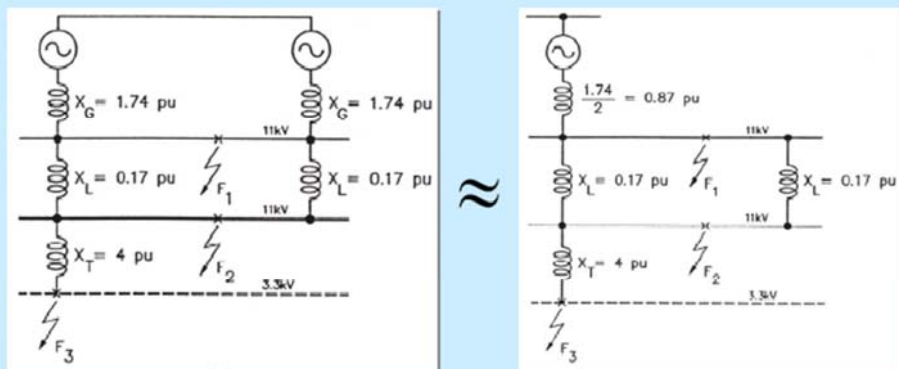
$$\therefore X_G(pu) = 0.40 \times \frac{100}{23} = 1.74 \text{ p.u.}$$

2) **Distribution Line** : X = 0.2  $\Omega$

$$\therefore X_L(pu) = \frac{0.2}{1.21} = 0.17 \text{ p.u.}$$

3) Transformer : 2.5 MVA , X = 10 %

$$\therefore X_T(\text{p.u.}) = 0.1 \times \frac{100}{2.5} = 4 \text{ p.u.}$$



รูปที่ 7.2 วงจรสมมูลของระบบไฟฟ้ารูปที่ 7.1

กรณี Fault ที่ F<sub>1</sub>

$$\text{Fault MVA} = \frac{1}{0.87} = 1.15 \text{ p.u.} = 1.15 \times 100 = 115 \text{ MVA}$$

$$I_{F1} = \frac{115}{\sqrt{3} \times 11} = 6.04 \text{ kA}$$

กรณี Fault ที่ F<sub>2</sub>

$$\text{Fault MVA} = \frac{1}{0.87 + \frac{0.17}{2}} = 1.05 \text{ p.u.}$$

$$= 1.05 \times 100 = 105 \text{ MVA}$$

$$\therefore I_{F2} = \frac{105}{\sqrt{3} \times 11} = 5.51 \text{ kA}$$

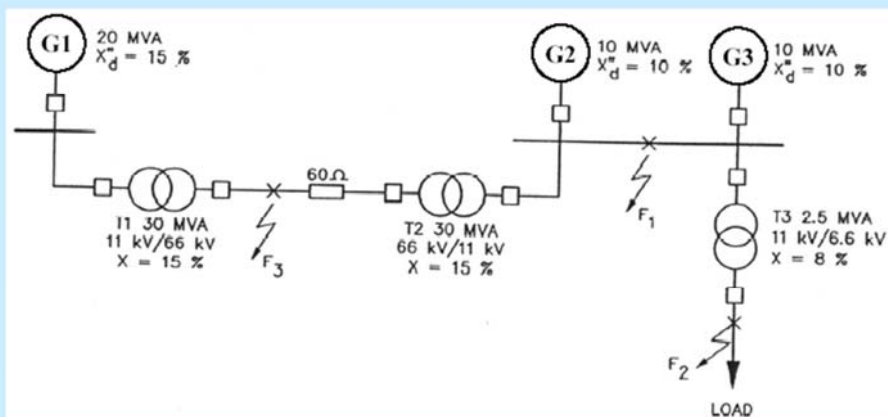
กรณี Fault ที่ F<sub>3</sub>

$$\text{Fault MVA} = \frac{1.0}{0.87 + \frac{0.17}{4}} = 0.202 \text{ p.u.}$$

$$= 0.202 \times 100 = 20.2 \text{ MVA}$$

$$\therefore I_{F3} = \frac{20.2}{\sqrt{3} \times 3.3} = 3.53 \text{ kA}$$

ตัวอย่างที่ 8 พิจารณาระบบไฟฟ้า ดังรูปที่ 8.1



รูปที่ 8.1 ระบบไฟฟ้าประกอบด้วยตัวอย่างที่ 8

กำหนดให้ Base MVA เป็น 100

Base Voltage เป็น 11 kV / 66 kV / 6.6 kV

$$\therefore Z_B(66 \text{ kV}) = \frac{\text{kV}^2}{\text{MVA}} = \frac{66^2}{100} = 43.56 \Omega$$

1) Generator

กรณี G1, 20 MVA, 15% :

$$\therefore X_{G1}(\text{p.u.}) = 0.15 \times \frac{100}{20} = 0.75 \text{ p.u.}$$

กรณี G2 และ G3, 10 MVA, 10% :

$$\therefore X_{G2}, X_{G3}(\text{p.u.}) = 0.1 \times \frac{100}{10} = 1.0 \text{ p.u.}$$

2) Transmission Line : X<sub>L</sub> = 60 Ω

$$\therefore X_L(\text{p.u.}) = \frac{60}{43.56} = 1.3$$

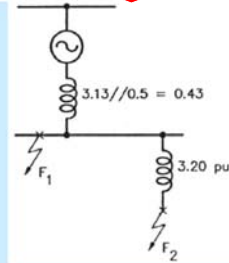
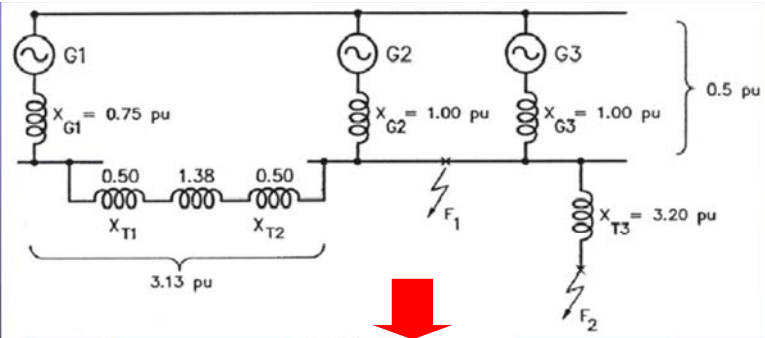
3) Transformer

หม้อแปลง T1 และ T2 : 30 MVA, 15%

$$\therefore X(\text{p.u.}) = 0.15 \times \frac{100}{30} = 0.50 \text{ p.u.}$$

หม้อแปลง T3 ขนาด 2.5 MVA 8 %

$$\therefore X(\text{p.u.}) = 0.08 \times \frac{100}{2.5} = 3.2 \text{ p.u.}$$



รูปที่ 8.2 วงจรสมมูลของระบบไฟฟ้ารูปที่ 8.1 เมื่อเกิด Fault ที่ F<sub>1</sub> และ F<sub>2</sub> ตามลำดับ

Fault ที่ F1

$$\therefore \text{Fault MVA} = \frac{1.00}{0.43} = 2.33 \text{ p.u.} = 233 \text{ MVA}$$

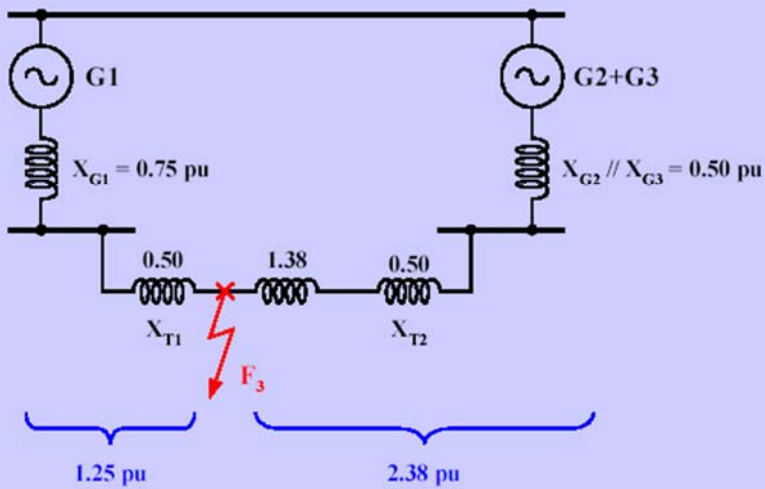
$$\therefore I_F = \frac{233}{\sqrt{3} \times 11} = 12.23 \text{ kA}$$

Fault ที่ F2

$$\text{Fault MVA} = \frac{1.00}{0.43 + 3.20} = 0.28 \text{ p.u.}$$

$$\therefore \text{Fault MVA} = 0.28 \times 100 = 28 \text{ MVA}$$

$$\therefore I_F = \frac{28 \times 10^6}{\sqrt{3} \times 6.6 \times 10^3} = 2449 \text{ A}$$



รูปที่ 8.3 วงจรสมมูลของระบบไฟฟ้ารูปที่ 8.1 เมื่อเกิด Fault ที่ F<sub>3</sub>

Fault ที่ F3

$$\text{Fault MVA} = \frac{1.00}{1.25 // 2.38} = \frac{1.00}{0.82} = 1.22 \text{ p.u.}$$

$$= 1.22 \times 100 = 122 \text{ MVA}$$

$$\therefore \text{Fault จาก G1} = 122 \times \frac{2.38}{1.25 + 2.38} = 80 \text{ MVA}$$

$$\text{Fault จาก G2+G3} = 122 - 80 = 42 \text{ MVA}$$

$$\therefore I_F(G1) = \frac{80 \times 10^6}{\sqrt{3} \times 66 \times 10^3} = 700 \text{ A}$$

หากตัด G1 ออกจากระบบ

- Fault ที่ F1

$$\therefore \text{Fault MVA} = \frac{1.00}{0.50} = 2 \text{ p.u.} = 200 \text{ MVA}$$

- Fault ที่ F2

$$\therefore \text{Fault MVA} = \frac{1.00}{0.5+3.20} = 0.27 \text{ p.u.} = 27 \text{ MVA}$$

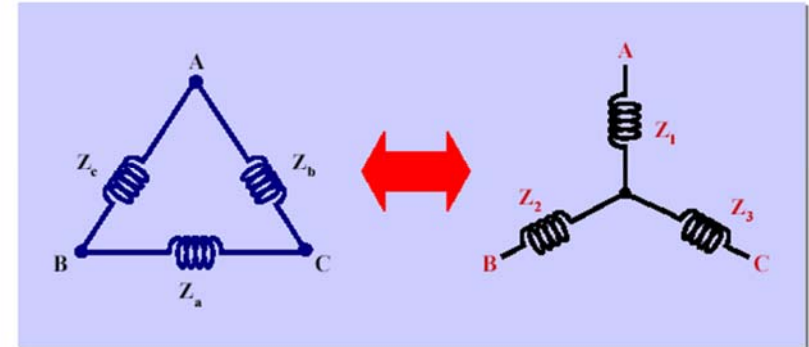
Check! ถ้าให้ทางดำน 11 kV เป็น Infinite Bus Fault ทางดำน Secondary ของหม้อแปลง = 2.5 MVA

$$\therefore I_F = \frac{1.00}{3.20} = 0.3125 \text{ p.u.} = 31.25 \text{ MVA}$$

$$\text{หรือ } I_F = \frac{100}{8} \times 2.5 = 31.25 \text{ MVA}$$

53

## การแปลงรูปแบบการต่อ Impedance แบบ Delta กับ แบบ Wye



54

## การแปลงรูปแบบการต่อ Impedance แบบ Delta กับแบบ Wye

$\Delta \rightarrow Y$

$$Z_1 = \frac{Z_b Z_c}{Z_a + Z_b + Z_c}$$

$$Z_2 = \frac{Z_a Z_c}{Z_a + Z_b + Z_c}$$

$$Z_3 = \frac{Z_a Z_b}{Z_a + Z_b + Z_c}$$

$Y \rightarrow \Delta$

$$Z_a = \frac{Z_1 Z_2 + Z_2 Z_3 + Z_3 Z_1}{Z_1}$$

$$Z_b = \frac{Z_1 Z_2 + Z_2 Z_3 + Z_3 Z_1}{Z_2}$$

$$Z_c = \frac{Z_1 Z_2 + Z_2 Z_3 + Z_3 Z_1}{Z_3}$$